

# **Criptografía**

**Taller de Talento Matemático**

**26-11-2021**

**José Luis Tornos**

# ÍNDICE

- ¿Codificar o cifrar?
- Criptografía clásica: ejemplos de criptografía clásica
  - Criptografía moderna
  - Ejemplos de criptografía moderna

# Codificar o cifrar

- **Codificar:**

- **2.** tr. Transformar mediante las reglas de un código la formulación de un mensaje.

- **Cifrar:**

- **1.** tr. Transcribir en guarismos, letras o símbolos, de acuerdo con una clave, un mensaje cuyo contenido se quiere ocultar.

# Codificar



ABCDEFGHIJKLMN  
ÑOPQRSTUVWXYZ



1234567890



# Cifrar

- **Cifrar:**

- **1.** tr. Transcribir en guarismos, letras o símbolos, de acuerdo con una clave, un mensaje cuyo contenido se quiere ocultar.

DÑHD LDFWD HVW → ¿?

# Criptografía clásica

- **Sustitución:** Se sustituyen los símbolos del mensaje por otros.
- **Transposición:** Los símbolos que componen el mensaje se desordenan siguiendo unos patrones preestablecidos.

# Criptografía clásica

## Transposición

**Nuestro sistema:** raretla le nedro ed sal sartel ed anu arbalap  
Alterar el orden de las letras de una palabra

**Otro sistema:** frase una de palabras las sitio de cambiar  
Cambiar de sitio las palabras de una frase

**Y otro:** tlaeanrr el droen de sal telras jedaodn sal rapes iuqates  
alternar el orden las letras dejando las pares quietas

# Criptografía clásica

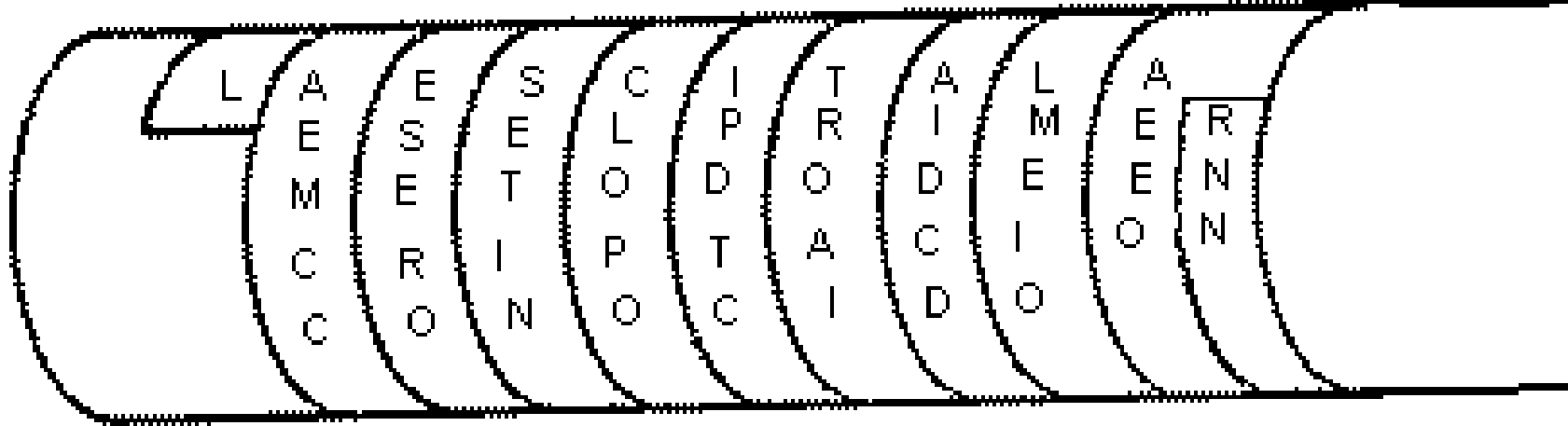
## Transposición

**Escítala:** Sistema de transposición que emplea un par de varas con el mismo diámetro y en el que se enrollaba una tira de cuero en la que se escribía el mensaje



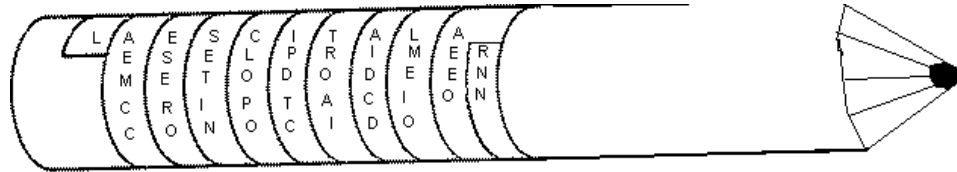


# Criptografía clásica



LCCMEAORESENITESOPOLCCTDPIIAORTDCDIAOIEMLOEEANNR

# Criptografía clásica



**HCEAOSCNDEUIRNFEBISOCTLIOIL**

# Criptografía clásica

## Sustitución

**El cifrado César:** Desplazar cada letra tres posiciones a la derecha. Si alcanzas el final, sigues desde el principio



Origen	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	Ñ	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
Cifrado	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	Ñ	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C

# Criptografía clásica

## Cifrado César

Origen	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	Ñ	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
Cifrado	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	Ñ	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C

DÑHD LDFWD HVW

**ALEA IACTA EST**

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26
A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	Ñ	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z

$$C = M + 3 \pmod{27}$$

# Criptografía clásica

## Sustitución

**El cifrado Polibius:** Se construye una matriz como las dos de ejemplo en el que se introducen la letras del alfabeto.

	A	B	C	D	E		1	2	3	4	5	
A	A	B	C	D	E		1	A	B	C	D	E
B	F	G	H	I/J	K		2	F	G	H	I/J	K
C	L	M	N	O	P		3	L	M	N	O	P
D	Q	R	S	T	U		4	Q	R	S	T	U
E	V	W	X	Y	Z		5	V	W	X	Y	Z

Se sustituye cada una de las letras por sus coordenadas en la tabla.



# Criptografía clásica

## El cifrado Polibius

BC CD ED AE DC EA BD AE DB CC AE DC

	A	B	C	D	E
A	A	B	C	D	E
B	F	G	H	J/I	K
C	L	M	N	O	P
D	Q	R	S	T	U
E	V	W	X	Y	Z

	A	B	C	D	E
A	A	B	C	D	E
B	F	G	H	J/I	K
C	L	M	N	O	P
D	Q	R	S	T	U
E	V	W	X	Y	Z

	A	B	C	D	E
A	A	B	C	D	E
B	F	G	H	J/I	K
C	L	M	N	O	P
D	Q	R	S	T	U
E	V	W	X	Y	Z

# Criptografía clásica

## El cifrado Polibiyus

BC CD ED AE DC EA BD AE DB CC AE DC

	A	B	C	D	E
A	A	B	C	D	E
B	F	G	H	J/I	K
C	L	M	N	O	P
D	Q	R	S	T	U
E	V	W	X	Y	Z

Hoy es viernes

# Criptografía clásica

## Sustitución

**El cifrado de Vigenère:** cifrado de sustitución con la base del cifrado César, pero en el que el desplazamiento de las letras varía dependiendo de una clave que se repite. El cifrado de César es un cifrado Vigenère con clave “D”

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26
A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	Ñ	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z



- Ejemplo: Clave  
"Taller"

$$T \equiv 20 \pmod{27}$$

$$A \equiv 0 \pmod{27}$$

$$L \equiv 11 \pmod{27}$$

$$L \equiv 11 \pmod{27}$$

$$E \equiv 4 \pmod{27}$$

$$R \equiv 18 \pmod{27}$$

Mensaje a cifrar: Atacaremos al amanecer

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26
A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	Ñ	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z

A T A C A R E M O S A L A M A N E C E R  
T A L L E R T A L L E R T A L L E R T A

Mensaje	0	20	0	2	0	18	4	12	15	19	0	11	0	12	0	13	4	2	4	18
Clave	20	0	11	11	4	18	20	0	11	11	4	18	20	0	11	11	4	18	20	0
Suma	20	20	11	13	4	36	24	12	26	30	4	29	20	12	11	24	8	20	24	18
Suma (mod 27)	20	20	11	13	4	9	24	12	26	3	4	2	20	12	11	24	8	20	24	18

Mensaje cifrado T T L N E J X M Z D E C T M L X I T X R

- Ejemplo: Clave “Taller”

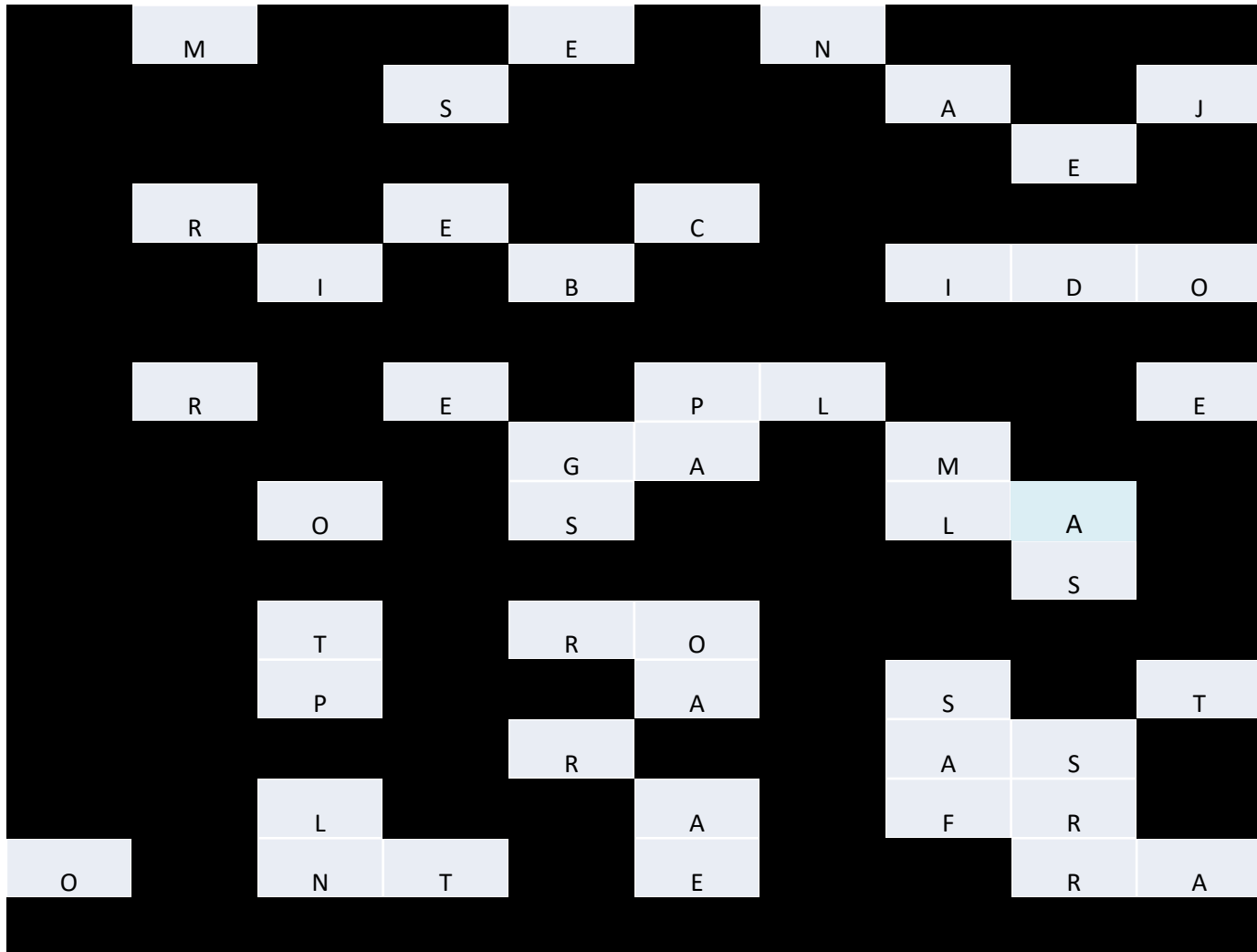
$T \equiv 20 \pmod{27}$   $A \equiv 0 \pmod{27}$   $L \equiv 11 \pmod{27}$   $L \equiv 11 \pmod{27}$   $E \equiv 4 \pmod{27}$   $R \equiv 18 \pmod{27}$

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26
A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	Ñ	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z

Respuesta: LENSFZWO

	L	E	N	S	F	Z	W	O
	T	A	L	L	E	R	T	A
Mensaje cifrado	11	4	13	19	5	26	23	15
Clave	20	0	11	11	4	18	20	0
Resta	-9	4	2	8	1	8	3	15
Resta (mod 27)	18	4	2	8	1	8	3	15
Mensaje en claro	R	E	C	I	B	I	D	O

# REJILLA DE CARDANO



# ESTEGANOGRAFÍA

- La esteganografía (steganos) cubierto u oculto, y (graphos) escritura, es la parte de la criptología en la que se estudian y aplican técnicas que permiten el ocultamiento de mensajes u objetos, dentro de otros, llamados portadores, de modo que no se perciba su existencia.
- Es decir, se trata de ocultar mensajes dentro de otros y de esta forma establecer un canal encubierto de comunicación, de modo que el propio acto de la comunicación pase inadvertido para observadores que tienen acceso a ese canal.

## Esteganografía física

- ▶ Cuerpo humano



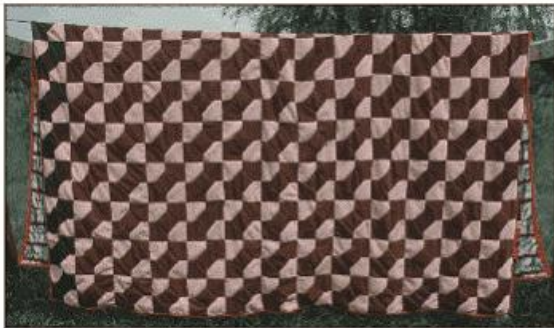
## Esteganografía física

- ▶ Cuerpo humano



# Esteganografía física

► Y más...



**Bow on the top of her head** means that Ann Mitchell is "out to get herself a man."



**Bow worn in back** means that Betty Dupree is "not interested in men."

## GIRL'S HAIR-DO REVEALS LOVE LIFE



**Bow worn on the right side** indicates that Becky Brown is deeply in love.



**Bow worn at left** is a signal and challenge. It means Betty Chaney is "going steady."

# Esteganografía física

- ▶ The Simpsons





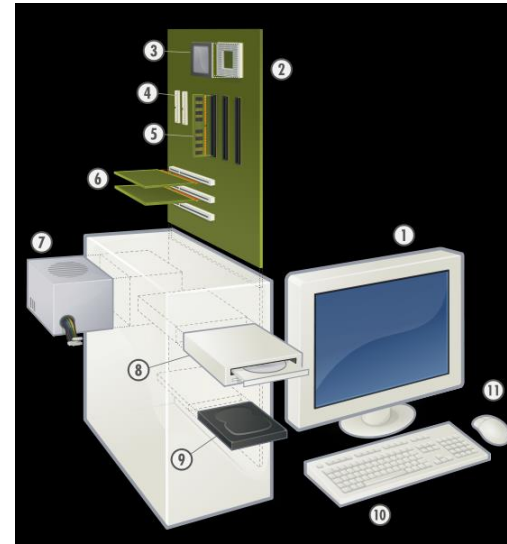
# Criptografía clásica

- **Sustitución y Transposición**
- **¿Son seguros?...**

No son seguros

Existe técnicas de criptoanálisis como análisis de frecuencias que los rompen

# Criptografía moderna



# Criptografía moderna

- Empleo de mecanismos electromecánicos: máquina enigma
- Empleo de ordenadores: criptografía simétrica y asimétrica

# Criptografía moderna

- Máquina enigma:
  - Empleada por los alemanes en la 2ª Guerra Mundial
  - Emplea rotores y contactos eléctricos
  - Se varían las claves y el cifrado de una misma letra no siempre es el mismo

# Criptografía moderna

- Máquina enigma:

<http://enigmaco.de/enigma/enigma.swf>



# Criptografía moderna

- Basada en aritmética modular
- Conexión entre dispositivos (ordenador, móvil...)
- Cifrados simétricos y asimétricos

# Criptografía moderna

- RSA (Rivest-Shamir-Adleman)
  - Dos primos: “p” y “q”
  - Módulo  $n = pq$
  - Clave pública e primo respecto a  $\phi(n) = (p-1)(q-1)$
  - Clave privada  $d \rightarrow ed \equiv 1 \pmod{\phi(n)}$
- Cifrado:  $C \equiv M^e \pmod{n}$
- Descifrado:  $M \equiv C^d \pmod{n}$

# RSA

- Clave pública (e, n)
- Clave privada (d)
  - Cifrado:  $C \equiv M^e \pmod{n}$
  - Descifrado:  $M \equiv C^d \pmod{n}$

<http://neo.lcc.uma.es/evirtual/cdd/tutorial/presentacion/ejmrsa.html>



# RSA

<http://neo.lcc.uma.es/evirtual/cdd/tutorial/presentacion/ejmrsa.html>



# RSA

- Clave pública (3, 33)
- Clave privada (7)
- Cifrado:  $C \equiv M^e \pmod{n}$
- Descifrado:  $M \equiv C^d \pmod{n}$

Mensaje cifrado: 1 15 1 31 1

# RSA

- Clave pública (3, 33)
- Clave privada (7)
- Cifrado:  $C \equiv M^e \pmod{n}$
- Descifrado:  $M \equiv C^d \pmod{n}$

Mensaje cifrado: 1 15 1 31 1

Descifrar:

$$1^7 = 1 \rightarrow 1 \pmod{33} \equiv 1$$

$$15^7 = 170859375 \rightarrow 170859375 \pmod{33} \equiv 27$$

$$31^7 = 27512614111 \rightarrow 27512614111 \pmod{33} \equiv 4$$

# RSA

A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	Ñ	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27

Mensaje : 1 27 1 4 1

Descifrar:

1 → A; 27 → Z; 1 → A; 4 → D; 1 → A

Mensaje en claro: AZADA

# RSA

- Clave pública (3, 33)
- Clave privada (7)
- Cifrado:  $C \equiv M^e \pmod{n}$
- Descifrado:  $M \equiv C^d \pmod{n}$

Para cifrar elevar a 3 y reducir módulo 33

Si queremos cifrar la palabra azada con  $a \equiv 1; z \equiv 27; d \equiv 4$

$$1^3 = 1 \rightarrow 1 \pmod{33} \equiv 1$$

$$27^3 = 19683 \rightarrow 19683 \pmod{33} \equiv 15$$

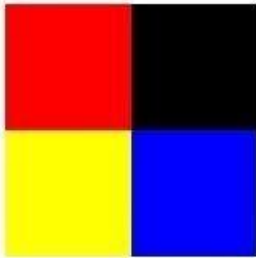
$$4^3 = 64 \rightarrow 64 \pmod{33} \equiv 31$$

# Esteganografía moderna

- Ocultación de información en contenido digital. Cualquier tipo de archivo pero preferencia por los multimedia.



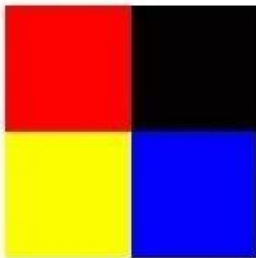
## IMAGEN ORIGINAL



11111111	00000000
00000000	00000000
00000000	00000000
11111111	00000000
11111111	00000000
00000000	11111111

# BIT MENOS SIGNIFICATIVO

## IMAGEN MODIFICADA



11111101	00000011
00000010	00000001
00000000	00000010
11111100	00000011
11111101	00000001
00000001	11111100



<b>c</b>	<b>a</b>	<b>t</b>
01 10 00 11	01 10 00 01	01 11 01 00

# Criptografía asimétrica

- Cifrar un mensaje
- Firmar un mensaje



# Resumen

- **Criptografía clásica:**
  - Transposición
  - Sustitución

	A	B	C	D	E
A	A	B	C	D	E
B	F	G	H	J/I	K
C	L	M	N	O	P
D	Q	R	S	T	U
E	V	W	X	Y	Z

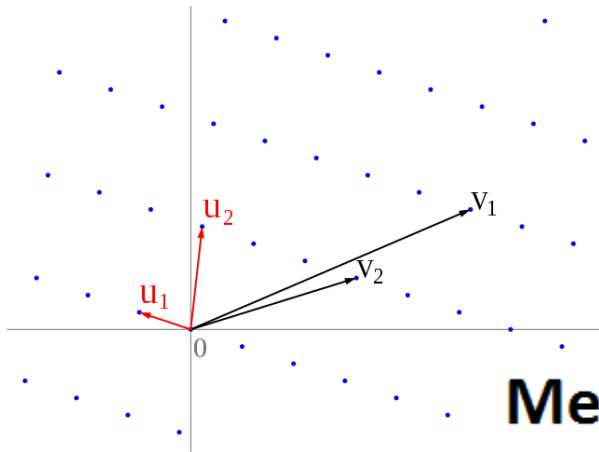
Divertida pero insegura



# Resumen

- **Criptografía moderna:**

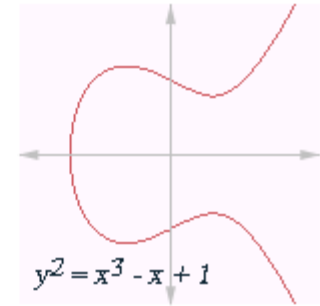
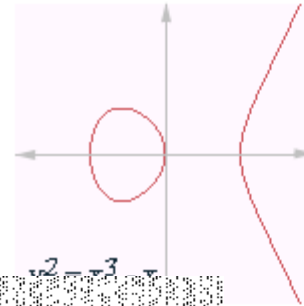
Segura y ...¿divertida?



**Mersenne**

**Hipótesis de Riemann**

$$\zeta(s) = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^s} = \prod_p \frac{1}{1 - p^{-s}}$$



**Fermat**

**Sophie Germain**

# Bibliografía y referencias

- Página de la asignatura de criptografía de la universidad de Zaragoza:

[criptosec.unizar.es](http://criptosec.unizar.es)

- Los códigos secretos. Simon Singh
- Imágenes: Wikipedia



**Muchas gracias por vuestra atención**

¿?